

x Ejercicio 1: Un camión puede transportar, como máximo, 12 Tm. por viaje. En cierto viaje se desea transportar al menos, 5 Tm. de la mercancía A y un peso de la mercancía B que no sea inferior a la mitad del peso que se transporte de A. Sabiendo que cobra 4 céntimos por kilo de mercancía A y 3 céntimos. por kilo de mercancía B transportadas, ¿cómo se debe cargar el camión para obtener la ganancia máxima?

x Ejercicio 2: Una pastelería elabora dos tipos de trufas: dulces y amargas. Cada trufa dulce lleva 20 g de cacao, 20 g de nata y 30 g de azúcar y se vende a 1 euro la unidad. Cada trufa amarga lleva 100 g de cacao, 20 g de nata y 15 g de azúcar y se vende a 1,3 euros la unidad.

En un día la pastelería sólo dispone de 30 kg de cacao, 8 kg de nata y 10,5 kg de azúcar. Sabiendo que vende todo lo que elabora, calcule cuántas trufas de cada tipo deben elaborarse ese día para maximizar los ingresos, y calcule dichos ingresos.

x Ejercicio 3:

a) [1] Los vértices de un polígono convexo son

$$A=(-1, 1), B=(-1, 2), C=(1, 6) \text{ y } D=(1, 1)$$

Calcule el máximo de la función objetivo

$$F(x, y)=x-2y+5$$

en la región delimitada por dicho polígono.

b) [1'5] Obtenga un sistema de inecuaciones cuya solución sea el recinto anterior.

x Ejercicio 4 : Sea el sistema de inecuaciones siguiente:

$$x+y \leq 600, x \leq 500, y \leq 3x, x \geq 0, y \geq 0$$

a) [1'5] Represente gráficamente el conjunto de soluciones del sistema y calcule sus vértices.

b) [1] Halle el punto del recinto anterior en el que  $F(x, y)=38x+27y$  alcanza su valor máximo.



x Ejercicio 1: Sólo vamos a plantearlo.

Organicemos todos los datos en una tabla:

<i>Mercancías</i>	<i>Cobra (cents/kg)</i>	<i>Kilos</i>
<b>A</b>	4	$x$
<b>B</b>	3	$y$

- Transportamos en total como máximo 12 000 kilogramos: →  $x + y \leq 12\,000$
- De A al menos 5 000 kilos →  $x \geq 5\,000$
- Un peso de B no inferior a la mitad de A →  $y \geq \frac{1}{2}x$
- Queremos la máxima ganancia.

Concluimos de aquí:

- ✓ Objetivo: maximizar  $g = 4x + 3y$
- ✓ Restricciones: debe cumplirse
 
$$\left\{ \begin{array}{l} x \geq 0, y \geq 0 \\ x + y \leq 12\,000 \\ x \geq 5\,000 \\ y \geq \frac{x}{2} \end{array} \right.$$

x Ejercicio 2: Sólo vamos a plantearlo.

Organicemos todos los datos en una tabla:

<i>Trufas</i>	<i>cacao (gr/u)</i>	<i>nata (gr/u)</i>	<i>azúcar (gr/u)</i>	<i>€/u</i>	<i>Unidades</i>
<b>Dulces</b>	20	20	20	1	$x$
<b>Amargas</b>	100	20	15	1,3	$y$

- Hasta 30 000 gramos de cacao: →  $20x + 100y \leq 30\,000$
- Hasta 8 000 gramos de cacao: →  $20x + 20y \leq 8\,000$
- Hasta 10 500 gramos de cacao: →  $20x + 15y \leq 10\,500$
- Queremos los máximos ingresos.

Concluimos de aquí:

- ✓ Objetivo: maximizar  $i = x + 1,3y$
- ✓ Restricciones: debe cumplirse
 
$$\left\{ \begin{array}{l} x \geq 0, y \geq 0 \\ 20x + 100y \leq 30\,000 \\ 20x + 20y \leq 8\,000 \\ 20x + 15y \leq 10\,500 \end{array} \right.$$

x Ejercicio 3:

a) Como  $F$  es lineal y la región es un recinto convexo y acotado, alcanza su valor máximo y su valor mínimo en sus vértices.  $F(x, y) = x - 2y + 5$

<b>Vértices</b>		<b>F</b>
$A = (-1, 1)$	→	2
$B = (-1, 2)$	→	0
$C = (1, 6)$	→	-6
$D = (1, 1)$	→	4

Tenemos así que el valor máximo es  $F = 4$ , que se alcanza en el vértice  $D = (1, 1)$ .

b) Organicemos todo:

<b>Lado</b>	<b>Ecuación</b>	<b>Semiplano</b>	<b>Inecuación</b>
AB	$x = -1$	Derecho	$x \geq -1$
BC	$y = 2x + 4$	Inferior	$y \leq 2x + 4$
CD	$x = 1$	Izquierdo	$x \leq 1$
AD	$y = 1$	Superior	$y \geq 1$

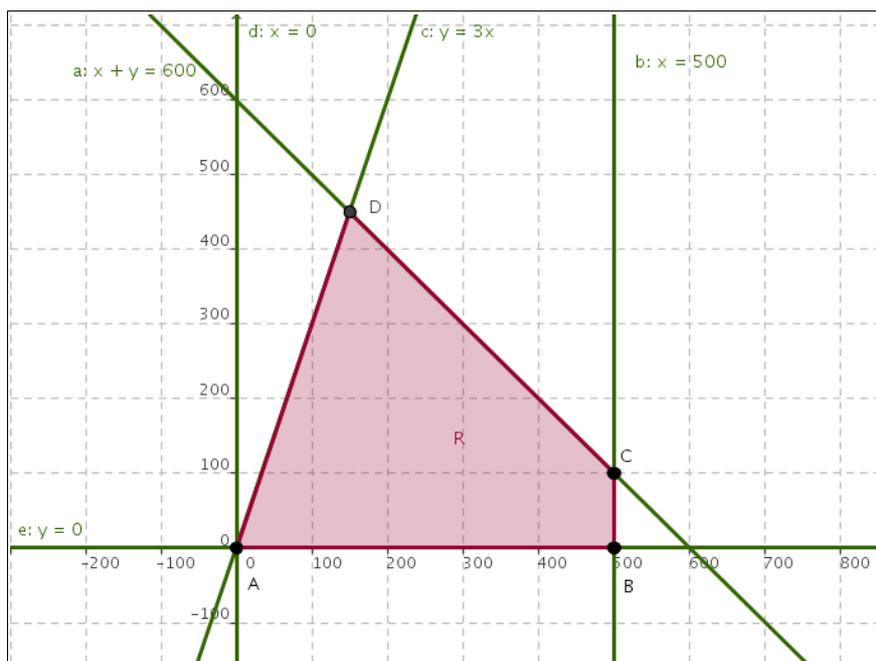
Concluimos que el recinto es el determinado por el conjunto de restricciones anteriores.

Veamos detenidamente la ecuación del lado BC:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{4}{2} = 2 \left. \begin{array}{l} \\ P = (-1, 2) \end{array} \right\} \rightarrow y = 2 + 2 \cdot (x + 1) = 2x + 4$$

x Ejercicio 4:

a) Aquí tenemos el gráfico (realizado con GeoGebra) que nos muestra el recinto. Es un cuadrilátero:



Apreciamos claramente en el dibujo las coordenadas de los vértices de la solución del sistema de inecuaciones:

$$A=(0,0) \text{ , } B=(500,0) \text{ , } C=(500,100) \text{ y } D=(150,450)$$

b) Observemos ahora que al ser

$$F(x,y)=38x+27y$$

una función lineal y  $R$  un recinto convexo y acotado, los valores extremos se alcanzarán en sus vértices:

$$A=(0,0) \quad \rightarrow \quad f(A)=38 \cdot 0 + 27 \cdot 0 = 0$$

$$B=(500,0) \quad \rightarrow \quad f(B)=38 \cdot 500 + 27 \cdot 0 = 19000$$

$$C=(500,100) \quad \rightarrow \quad f(C)=38 \cdot 500 + 27 \cdot 100 = 21700$$

$$D=(150,450) \quad \rightarrow \quad f(D)=38 \cdot 150 + 27 \cdot 450 = 17850$$

Concluimos:

$$\max f = 21700 \text{ y se alcanza en } C=(500,100)$$